

**Proseminar**  
**{Automaten, Informations}·theorie**  
**Hinweise zum Halten von**  
**wissenschaftlichen Vorträgen**

**Christof Löding**  
**Lehrstuhl Informatik 7**  
**RWTH Aachen**

**Wintersemester 2015/16**

## Vorbemerkung

---

**Die hier vorgestellten Hinweise und Richtlinien treffen nicht auf alle Arten von Vorträgen zu.**

**Neben einigen allgemeingültigen Hinweisen beziehen sich viele Dinge speziell auf wissenschaftliche Vorträge im Rahmen eines (Pro-)Seminars oder auch eines Bachelor-/Masterkolloquiums in der Informatik.**

# Übersicht

---

- 1 Im Vorfeld (Auswahl des Materials)
- 2 Folien (Aufbereitung des Materials)
- 3 Vortrag (Präsentation des Materials)
- 4 Zusammenfassung

# Übersicht

---

- 1 Im Vorfeld (Auswahl des Materials)**
- 2 Folien (Aufbereitung des Materials)
- 3 Vortrag (Präsentation des Materials)
- 4 Zusammenfassung

# Vorbereitung

---

Die Vorbereitung beginnt mit

- dem detaillierten Durcharbeiten und Verstehen der Quelle(n),
- der Auswahl des zu präsentierenden Materials.

Generell gilt:

- Überladen Sie den Vortrag nicht.
- Das ausgewählte Material soll einen Überblick über das Thema geben.
- Es müssen nicht alle Details vorgestellt werden. Gehen Sie nur an einigen Stellen in die Tiefe.

(Proseminarthemen sind oft schon auf die Vortragsdauer zugeschnitten, dies gilt also nur bedingt im Proseminar.)

**Denken Sie an das Publikum, für das Sie den Vortrag halten.**

- **Welche Kenntnisse können Sie voraussetzen?**
- **An welche Dinge sollten Sie lieber erinnern?**
- **Was ist neu für die (Mehrheit der) Zuhörer?**

## Beispiel

---

Sie möchten in einem Vortrag Newmans Lemma vorstellen:

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Auswahl des Materials:** Nicht genug Zeit für den vollständigen Beweis  $\leadsto$  Präsentation des Beweises nur für endliches  $M$

**Publikum:** Die Begriffe „terminierend“, „lokal konfluent“ und „konfluent“ müssen vorher eingeführt werden.

# Übersicht

---

- 1 Im Vorfeld (Auswahl des Materials)
- 2 Folien (Aufbereitung des Materials)**
- 3 Vortrag (Präsentation des Materials)
- 4 Zusammenfassung



# Einsatz von Medien

---

- **Verwendung von (elektronischen) Folien ist üblich.**
- **Andere Medien können eingesetzt werden (Tafel, klassische Folien).**
- **Wenn Sie einen Gedankengang z.B. an der Tafel entwickeln wollen, dann bereiten Sie das Tafelbild gut vor.**

**Im Folgenden geht es um Richtlinien zum Entwurf von Folien;  
Illustration am Beispiel**

# Technische Seite

---

- Folien nicht zu voll
- Schrift groß genug
- Farben sollten sinnvoll eingesetzt werden (und sollten auf Projektion erkennbar sein)
- Abbildungen sollten überichtlich sein

**Das Erstellen einer ansprechenden Präsentation ist deutlich mehr als das Kopieren der Ausarbeitung ins Folienformat.**

## Zurück zum Beispiel

---

Vortrag zu Newmans Lemma:

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Wir erinnern uns:**

- Nicht genug Zeit für den vollständigen Beweis  
     $\leadsto$  Präsentation des Beweises nur für endliches  $M$
- Die Begriffe „terminierend“, „lokal konfluent“ und „konfluent“ müssen vorher eingeführt werden.

Wir betrachten zwei Varianten für die Präsentation.

# **Newmans Lemma**

**Vortrag von Christof Löding**

**Erster Versuch**

# Definitionen

---

Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$

## Definitionen

---

Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$

$R^*$  sei der transitive und reflexive Abschluss von  $R$

## Definitionen

---

Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$

$R^*$  sei der transitive und reflexive Abschluss von  $R$

$R$  konfluent :  $\Leftrightarrow$

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R^*(x, y_1) \wedge R^*(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$

## Definitionen

---

Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$

$R^*$  sei der transitive und reflexive Abschluss von  $R$

$R$  konfluent :  $\Leftrightarrow$

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R^*(x, y_1) \wedge R^*(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$

$R$  lokal konfluent :  $\Leftrightarrow$

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R(x, y_1) \wedge R(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$



## Definitionen

---

Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$

$R^*$  sei der transitive und reflexive Abschluss von  $R$

$R$  konfluent  $:\Leftrightarrow$

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R^*(x, y_1) \wedge R^*(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$

$R$  lokal konfluent  $:\Leftrightarrow$

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R(x, y_1) \wedge R(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$

$R$  terminierend  $:\Leftrightarrow \neg \exists x_0, x_1, x_2, \dots$  mit  $R(x_i, x_{i+1})$  f.a.  $i \in \mathbb{N}$

## Newmans Lemma

---

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

## Newmans Lemma

---

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Beweis.** Sei  $R \subseteq M \times M$  terminierend und lokal konfluent. Wir zeigen das Lemma für den Fall, dass  $M$  endlich ist. Dazu beweisen wir für jedes  $x \in M$  per Induktion über die Länge  $n$  der längsten von  $x$  ausgehenden  $R$ -Kette, dass  $x$  die Konfluenzeigenschaft hat.

## Newmans Lemma

---

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Beweis.** Sei  $R \subseteq M \times M$  terminierend und lokal konfluent. Wir zeigen das Lemma für den Fall, dass  $M$  endlich ist. Dazu beweisen wir für jedes  $x \in M$  per Induktion über die Länge  $n$  der längsten von  $x$  ausgehenden  $R$ -Kette, dass  $x$  die Konfluenzeigenschaft hat.

Sei also  $x \in M$ . Für  $n = 0$  ist die Behauptung klar.

## Newmans Lemma

---

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Beweis.** Sei  $R \subseteq M \times M$  terminierend und lokal konfluent. Wir zeigen das Lemma für den Fall, dass  $M$  endlich ist. Dazu beweisen wir für jedes  $x \in M$  per Induktion über die Länge  $n$  der längsten von  $x$  ausgehenden  $R$ -Kette, dass  $x$  die Konfluenzeigenschaft hat.

Sei also  $x \in M$ . Für  $n = 0$  ist die Behauptung klar.

Sei  $n > 0$  und  $y_1, y_2 \in M$  mit  $R^*(x, y_1)$  und  $R^*(x, y_2)$ . Ist  $x = y_1$  oder  $x = y_2$ , dann ist die Behauptung klar.

## Newmans Lemma

---

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$ . Ist  $R$  terminierend und lokal konfluent, dann ist  $R$  konfluent.

**Beweis.** Sei  $R \subseteq M \times M$  terminierend und lokal konfluent. Wir zeigen das Lemma für den Fall, dass  $M$  endlich ist. Dazu beweisen wir für jedes  $x \in M$  per Induktion über die Länge  $n$  der längsten von  $x$  ausgehenden  $R$ -Kette, dass  $x$  die Konfluenzeigenschaft hat.

Sei also  $x \in M$ . Für  $n = 0$  ist die Behauptung klar.

Sei  $n > 0$  und  $y_1, y_2 \in M$  mit  $R^*(x, y_1)$  und  $R^*(x, y_2)$ . Ist  $x = y_1$  oder  $x = y_2$ , dann ist die Behauptung klar.

Ansonsten gibt es  $x_1, x_2$  mit  $R(x, x_1)$ ,  $R(x, x_2)$  und  $R^*(x_1, y_1)$ ,  $R^*(x_2, y_2)$ . Da  $R$  lokal konfluent ist, existiert also ein  $u \in M$  mit  $R^*(x_1, u)$  und  $R^*(x_2, u)$ .

## Beweis Fortsetzung

---

Da  $R$  terminierend ist, können wir die Induktionsvoraussetzung auf  $x_1, u, y_1$  anwenden und erhalten  $v$  mit  $R^*(u, v)$  und  $R^*(y_1, v)$ .

## Beweis Fortsetzung

---

Da  $R$  terminierend ist, können wir die Induktionsvoraussetzung auf  $x_1, u, y_1$  anwenden und erhalten  $v$  mit  $R^*(u, v)$  und  $R^*(y_1, v)$ .

Aus  $R^*(x_2, u)$  und  $R^*(u, v)$  folgt  $R^*(x_2, v)$ . Erneute Anwendung der Induktionsvoraussetzung auf  $x_2, y_2, v$  liefert also  $z$  mit  $R^*(y_2, z)$  und  $R^*(v, z)$ .



## Beweis Fortsetzung

---

Da  $R$  terminierend ist, können wir die Induktionsvoraussetzung auf  $x_1, u, y_1$  anwenden und erhalten  $v$  mit  $R^*(u, v)$  und  $R^*(y_1, v)$ .

Aus  $R^*(x_2, u)$  und  $R^*(u, v)$  folgt  $R^*(x_2, v)$ . Erneute Anwendung der Induktionsvoraussetzung auf  $x_2, y_2, v$  liefert also  $z$  mit  $R^*(y_2, z)$  und  $R^*(v, z)$ .

Aus  $R^*(y_1, v)$  und  $R^*(v, z)$  folgt  $R^*(y_1, z)$ . Insgesamt gilt also  $R^*(y_1, z)$  und  $R^*(y_2, z)$ . ■

**Ende**

---

**Vielen Dank für die Aufmerksamkeit!**

**Noch Fragen????**

## Kritik an der ersten Version

---

- Es gab keine sichtbare Gliederung oder Struktur.
- Die Definitionen wurden nicht illustriert (durch Bilder oder Beispiele).
- Die Begriffe und das Lemma wurden nicht motiviert.
- Der Beweis wurde im Detail vorgestellt, war aber nicht verständlich.
- Es gab keinen richtigen Abschluss des Vortrags.

# **Newmans Lemma**

**Vortrag von Christof Löding**

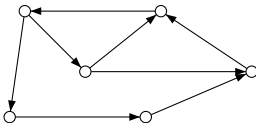
**Zweiter Versuch**

- **Binäre Relationen und Konfluenz**
- **Lokale Konfluenz und Termination**
- **Newmans Lemma**

# Grundlegende Definitionen

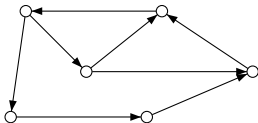
---

Wir betrachten eine binäre Relation  $R$  über einer Menge  $M$



# Grundlegende Definitionen

Wir betrachten eine binäre Relation  $R$  über einer Menge  $M$



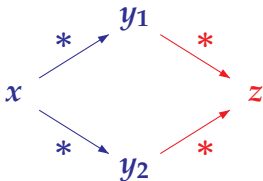
$R^*$  ist der reflexive und transitive Abschluss von  $R$



# Konfluenz

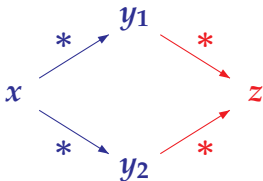
$R \subseteq M \times M$  heißt konfluent, wenn

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R^*(x, y_1) \wedge R^*(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$





# Warum Konfluenz?



## Idee:

- $R$  beschreibt Schritte, die ein Objekt verändern, z.B.
  - Vereinfachung von Termen durch bestimmte Regeln
  - Ausführung von Programmanweisungen
- Diese Veränderungen müssen nicht eindeutig sein (z.B. durch unerschiedliche Reihenfolgen)
- Ist  $R$  konfluent und kann man von  $x$  aus ein Objekt erreichen, das nicht mehr verändert werden kann, so ist dieses Objekt eindeutig.

# Beispiel

---

Hier ein Beispiel für eine konfluente und/oder nicht-konfluente Relation.

- Binäre Relationen und Konfluenz
- **Termination und Lokale Konfluenz**
- Newmans Lemma

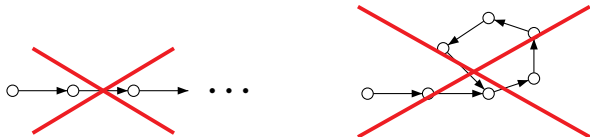
# Ziel

---

**Wir wollen zeigen, dass Konfluenz für bestimmte Relationen (terminierend) bereits durch eine schwächere Eigenschaft (lokale Konfluenz) garantiert wird.**

# Terminierende Relationen

Eine Relation  $R$  heißt terminierend, falls es keine unendliche Folge  $x_0, x_1, x_2, \dots$  gibt mit  $R(x_i, x_{i+1})$  für alle  $i$ .

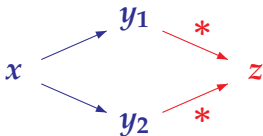


**Beispiel:** Hier ein Beispiel für eine terminierende und/oder nicht-terminierende Relation...

# Lokale Konfluenz

Eine Relation heißt lokal konfluent, wenn

$$\forall x \forall y_1, y_2 (R(x, y_1) \wedge R(x, y_2) \rightarrow \exists z (R^*(y_1, z) \wedge R^*(y_2, z)))$$



Beispiel: ...

Vergleich zu Konfluenz:...

- Binäre Relationen und Konfluenz
- Termination und Lokale Konfluenz
- **Newmans Lemma**

## Newmans Lemma

---

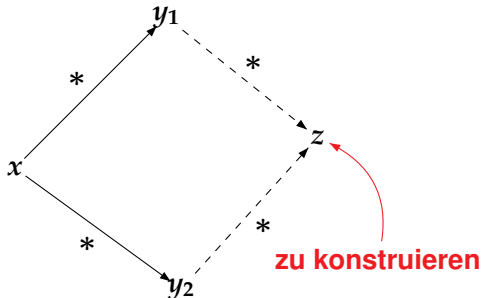
**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.



# Newmans Lemma

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.

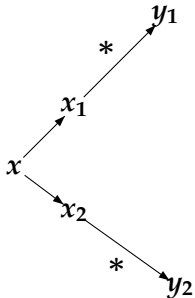
**Beweis:** Wir zeigen das Lemma für endliche  $M$  per Induktion über die längste von  $x$  ausgehende  $R$ -Kette (ist für jedes  $x$  endlich, da  $R$  terminiert).



## Newmans Lemma

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.

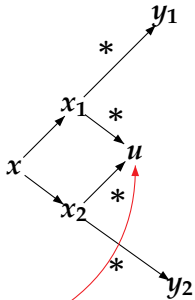
**Beweis:** Wir zeigen das Lemma für endliche  $M$  per Induktion über die längste von  $x$  ausgehende  $R$ -Kette (ist für jedes  $x$  endlich, da  $R$  terminiert).



# Newmans Lemma

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.

**Beweis:** Wir zeigen das Lemma für endliche  $M$  per Induktion über die längste von  $x$  ausgehende  $R$ -Kette (ist für jedes  $x$  endlich, da  $R$  terminiert).



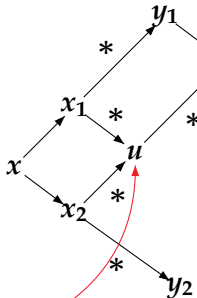
**lokale Konfluenz**

# Newmans Lemma

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.

**Beweis:** Wir zeigen das Lemma für endliche  $M$  per Induktion über die längste von  $x$  ausgehende  $R$ -Kette (ist für jedes  $x$  endlich, da  $R$  terminiert).

I.V. für  $x_1$  mit  $u, y_1$

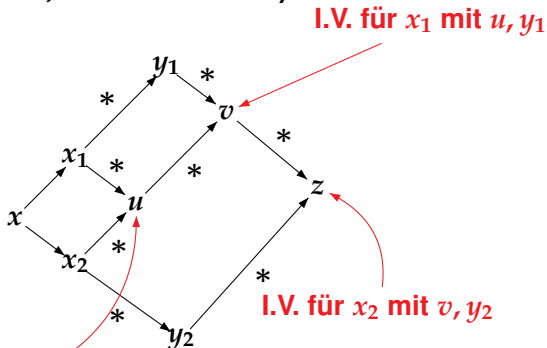


**lokale Konfluenz**

# Newmans Lemma

**Lemma.** Sei  $M$  eine Menge und  $R \subseteq M \times M$  eine terminierende Relation. Ist  $R$  lokal konfluent, dann ist  $R$  auch konfluent.

**Beweis:** Wir zeigen das Lemma für endliche  $M$  per Induktion über die längste von  $x$  ausgehende  $R$ -Kette (ist für jedes  $x$  endlich, da  $R$  terminiert).



**lokale Konfluenz**

# Zusammenfassung

---

- **Begriff der Konfluenz**
- **Newmans Lemma: Für terminierende Relationen genügt lokale Konfluenz**

# Richtlinien für Vortragsgestaltung

---

- Für die Zuhörer sichtbare Struktur des Vortrags
- Illustrieren Sie anhand von Beispielen oder Bildern
- Motivieren Sie verwendete Begriffe und Aussagen (im für die Zuhörer angebrachten Kontext)
- Verständnis ist wichtiger als Details
- Wiederholen Sie wichtige Dinge
- Fassen Sie den Vortrag am Ende zusammen

## Woran Sie sich immer wieder erinnern sollten:

- Ein Seminarvortrag ist keine Vorlesung: Die Zuhörer arbeiten den Vortrag nicht nach
- Die Zuhörer haben sich nicht so intensiv mit dem Thema beschäftigt wie Sie

# Übersicht

---

- 1 Im Vorfeld (Auswahl des Materials)
- 2 Folien (Aufbereitung des Materials)
- 3 Vortrag (Präsentation des Materials)**
- 4 Zusammenfassung



# Einfache Richtlinien für den Vortrag

---

## Vor dem Vortrag:

- Machen Sie sich **vorher** mit den eingesetzten Hilfsmitteln vertraut (Rechner, Presenter, Projektor, wo ist Kreide...). Wischen Sie die Tafel vor dem Vortrag.

## Während des Vortrags:

- Lesen Sie die Folien nicht einfach nur vor.
- Wenden Sie sich an die Zuhörer.
- Zeigen Sie bei vollen Folien, wo Sie gerade sind.
- Legen Sie sich insbesondere komplexere Erklärungen vorher zurecht.
- Bauen Sie Gedächtnisstützen ein (Erinnerung an Definitionen, verwendete Resultate etc.).

**Üben Sie den Vortrag!**

# Zwischenfragen

---

**Nehmen Sie Zwischenfragen ernst:**

- **Wenn Sie die Antwort wissen, dann erklären Sie diese.**
- **Wenn Sie die Antwort nicht wissen, aber sinnvoll spekulieren können, dann tun Sie das.**
- **Wenn Sie die Antwort nicht wissen und nicht sinnvoll spekulieren können, dann sagen Sie das.**

## Abschluss des Vortrags

---

- Die letzte Folie sollte eine Zusammenfassung und/oder ein Ausblick sein.
- Machen Sie keine Folie der Art „Vielen Dank für die Aufmerksamkeit, noch Fragen?“, sondern machen Sie durch die Formulierung des letzten Satzes klar, dass der Vortrag zuende ist.
- Wenn Sie mit dem Vortrag fertig sind, dann geht die Moderation wieder an den Leiter des Proseminars, der auch eventuelle Fragen koordiniert.

# Übersicht

---

- 1 Im Vorfeld (Auswahl des Materials)
- 2 Folien (Aufbereitung des Materials)
- 3 Vortrag (Präsentation des Materials)
- 4 Zusammenfassung**

- **Schritte**
  0. Verstehen
  1. Auswählen
  2. Aufbereiten
  3. Präsentieren
- **Gestalten Sie den Vortrag für die Zuhörer**
  - Klarheit vor Details
  - Wiederholung wichtiger Dinge
- **Üben Sie den Vortrag**